

## 2-B. Tabelki zerojedynkowe definiujące funkcje prawdziwościowe

TN	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>\sim p</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> </table>	$p$	$\sim p$	1	0	0	1
$p$	$\sim p$						
1	0						
0	1						

TK	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>q</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p \wedge q</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> </table>	$p$	$q$	$p \wedge q$	1	1	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0
$p$	$q$	$p \wedge q$														
1	1	1														
1	0	0														
0	1	0														
0	0	0														

Za pomocą funktorów negacji i koniunkcji da się zdefiniować pozostałe. Definiowalność przejawia się w tym, że zdanie złożone za pomocą spójnika „lub”, któremu w logice odpowiada funktor alternatywy, można wyrazić nie posługując się tym spójnikiem, a tylko słówkami „nie” oraz „i”. Oto przykład.

[1] *Wybory wygra partia różowych lub partia niebieskich.*

można zastąpić zdaniem

[2] *Nie będzie tak, że nie wygra partia różowych i nie wygra partia niebieskich.*

Można zastąpić w tym sensie, że zawsze gdy prawdziwe jest zdanie postaci [1], prawdziwe jest też zdanie postaci [2], i odwrotnie.

T*A	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>q</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>\sim (\sim p \wedge \sim q)</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> </table>	$p$	$q$	$\sim (\sim p \wedge \sim q)$	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	0	0
$p$	$q$	$\sim (\sim p \wedge \sim q)$														
1	1	1														
1	0	1														
0	1	1														
0	0	0														

TA	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>q</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p \vee q</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> </table>	$p$	$q$	$p \vee q$	1	1	1	1	0	1	0	1	1	0	0	0
$p$	$q$	$p \vee q$														
1	1	1														
1	0	1														
0	1	1														
0	0	0														

Za pomocą funktorów negacji i koniunkcji można też zdefiniować spójnik „jeśli, ... to” (tworzący zdanie warunkowe), któremu odpowiada funktor implikacji. Definiowalność przejawia się w tym, że można wyrazić zdanie warunkowe nie posługując się tym spójnikiem, a tylko słówkami „nie” oraz „i”. Oto przykład. Zdanie *Nie ma zwycięstwa bez walki*, w pełniejszym brzmieniu:

[3] *Nie bywa tak, żeby było zwycięstwo i nie było [przedtem] walki*

można zastąpić zdaniem (por. komentarz do 1 i 2):

[4] *Jeśli jest zwycięstwo, to jest walka.*

T*I	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>q</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>\sim (p \wedge \sim q)</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> </table>	$p$	$q$	$\sim (p \wedge \sim q)$	1	1	1	1	0	0	0	1	1	0	0	1
$p$	$q$	$\sim (p \wedge \sim q)$														
1	1	1														
1	0	0														
0	1	1														
0	0	1														

TI	<table style="border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>q</math></td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;"><math>p \Rightarrow q</math></td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> <tr> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">0</td> <td style="border: 1px solid black; padding: 2px 5px;">1</td> </tr> </table>	$p$	$q$	$p \Rightarrow q$	1	1	1	1	0	0	0	1	1	0	0	1
$p$	$q$	$p \Rightarrow q$														
1	1	1														
1	0	0														
0	1	1														
0	0	1														

